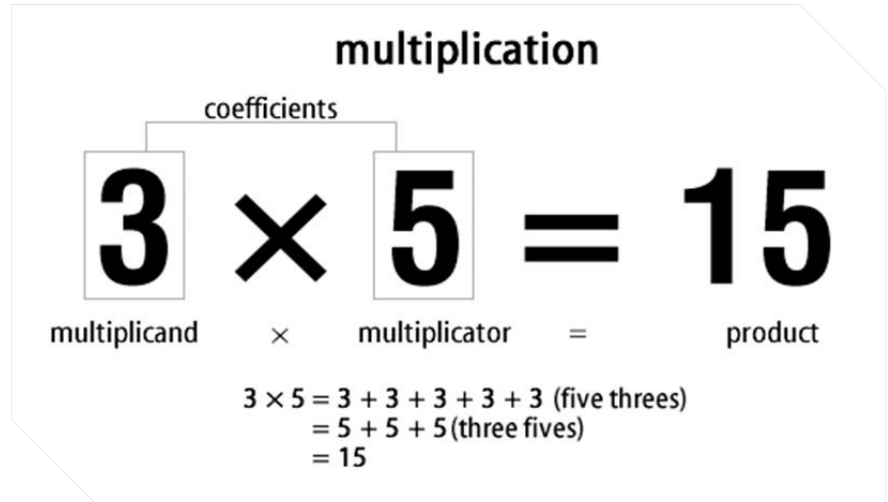


بحث عن الضرب في الرياضيات

المادة :



عمل الطالب

.....

الصف :

الضرب

نحتاج في حياتنا اليومية إلى استخدام بعض العمليات الحسابية البسيطة باستمرار، في الأسواق عند حساب مشترياتنا، وفي العمل عند إجراء إحصائيات حسابية أو معاملات مالية، وفي المنزل عند حساب المصروفات أو لحساب كمية المكونات اللازمة لطهي الطعام وهكذا، ومن تلك العمليات الأساسية التي لا يمكن الاستغناء عنها في معظم المجالات الحياتية والعملية هي عملية الضرب، وسوف نتناول عملية الضرب وبعض خصائصها الهامة فيما يلي:

تعريف عملية الضرب

عملية الضرب هي واحدة من العمليات الحسابية الأساسية في مادة الحساب، مثل الجمع والطرح والقسمة، وتتمثل عملية الضرب في أنها عملية جمع مُتكرر لأحد الأعداد لعدد من المرات يُساوي العدد المضروب في هذا العدد، مثال على ذلك لإيجاد حاصل ضرب 3×2 ، فيتم حساب جمع العدد 2 إلى نفس قيمته ثلاث مرات، أي $2+2+2=6$ ، أو جمع العدد 3 إلى نفسه مرتين أي $3+3=6$ ، وعلى ذلك فالجمع المُتكرر يُمكن تعريفه على أنه عملية ضرب، حيثُ إذا تكرر جمع العدد إلى نفسه عدداً من المرات فعندئذٍ يُمكن كتابة ذلك في صورة عملية ضرب، مثلاً على ذلك:

$$20 = 4 + 4 + 4 + 4 + 4$$

$$20 = 5 \times 4$$

ولا تقتصر عملية الضرب على الأعداد الصحيحة فقط، بينما يُمكن إجراء عملية الضرب على الكُسور أو الكسور العشرية، مثال: 5×2.5 ، يتم إيجاد الحل بجمع العدد 5 مرتين ونصف، $2.5 + 5 + 5$ (نصف العدد 5) $12.5 = 5 \times 2.5$.

عناصر عملية الضرب

- يُسمى أحد الأعداد الداخلية في عملية الضرب بالعامل المضروب.
- ويُسمى العدد الآخر العامل المضروب به.
- الإجابة على عملية الضرب تُعرف بناتج الضرب أو حاصل الضرب.
- يرمز لعملية الضرب بأكثر من رمز (\times) أو ($*$) أو (\bullet)، وهو ما يُعرف بعلامة الضرب.
- عامل المضروب \times عامل المضروب به = ناتج عملية الضرب.

خصائص عملية الضرب

أولاً: الخاصية التبادلية:

تتمثل تلك الخاصية في أنَّ اختلاف ترتيب عوامل أو أعداد العملية الحسابية لا يؤثر على الناتج النهائي للعملية، ونجد أنَّ تلك الخاصية هي واحدة من خصائص عملية الضرب، فعند اختلاف ترتيب عوامل الضرب في العملية الحسابية، لا يتأثر حاصل الضرب بذلك ويبقى ثابت، من الأمثلة على ذلك عند ضرب العدد $7 \times$ العدد 2 ، فحاصل ضربهما يساوي 14 ، $14 = 2 \times 7$ ،

وعند اختلاف ترتيب عوامل الضرب في العملية السابقة لتصبح $7 \times 2 = 14$ ، فنلاحظ عدم تغيير الناتج النهائي في كلتا الحالتين.

نجد أنَّ تلك الخاصية لا تنطبق على عملية القسمة، مما يُشير إلى أنَّ عملية القسمة هي عملية عكسية تماماً لعملية الضرب، فمثلاً: $4 \times 2 = 8$ ، $8 = 2 \times 4$ ، $0.5 = 2/4$ ، $2 = 4/2$.

ومن الممكن الاستفادة من تلك الخاصية في إعادة ترتيب عمليات الضرب المُعقدة والمُكونة من أكثر من عددين لتسهيل حلها.

مثال على ذلك: $3 \times 2 \times 2 \times 3 \times 1 \times 2 \times 1$

الحل: $72 = 1 \times 6 \times 2 \times 6 = 1 \times (3 \times 2) \times (2 \times 1) \times (2 \times 3)$.

ثانياً: خاصية التوزيع:

تُعرف خاصية إمكانية ضرب العدد أو الحد الموجود خارج الأقواس، بجميع الأعداد المجموعة أو المطروحة داخل الأقواس بخاصية التوزيع.

مثال توضيحي لخاصية التوزيع:

$$أ (س + ص) = أس + أص.$$

$$أ (س - ص) = أس - أص.$$

فُتلاحظ فصل عملية الضرب لعدد ما بحاصل جمع أو طرح عددين، إلى مجموع أو الفرق بين حاصل ضرب ذلك العدد بكل من الأعداد الموجودة في عملية الجمع أو الطرح، وتُساعد هذه الخاصية على تبسيط بعض عمليات الضرب المُعقدة إلى عمليات حسابية أبسط مُكونة من عددين أو أكثر.

أمثلة على خاصية التوزيع:

$$؟ = (5 + 10 + 50) \times 2$$

الحل: $(5 \times 2) + (10 \times 2) + (50 \times 2)$

$$130 = 10 + 20 + 100$$

$$؟ = (10 - 40) \times 3$$

الحل: $(10 \times 3) - (40 \times 3)$

$$90 = 30 - 120$$

ثالثاً: خاصية التجميع:

تُسمى الخاصية التي تُشير إلى أنَّه من الممكن تغيير طريقة تجميع وترتيب عوامل عملية الضرب دون أن يُؤثر ذلك على الناتج النهائي لعملية الضرب باسم خاصية التجميع، مثال توضيحي على ذلك:

$$24 = (3 \times 4) \times 2$$

وإذا قمنا بتغيير تجميع العوامل الموجودة بعملية الضرب

$$24 = (3 \times 2) \times 4 = (4 \times 2) \times 3$$

فنستنتج من ذلك أن اختلاف تجميع العوامل بداخل الأقواس لا يُؤثر على الناتج النهائي لعملية الضرب.

رابعاً: خاصية العنصر المُحايد (الصفر):

خاصية الصفر أو العنصر المُحايد هي الخاصية التي تُشير إلى أنَّ عند ضرب أي عدد بالرقم صفر، فإن حاصل الضرب يكون مُساوياً للصفر، مثال على ذلك عند ضرب الرقم 4 بالصفر تكون العملية الحسابية كما يلي:

$0 = 0 \times 4$ ، فالناتج النهائي لعملية الضرب هذه هو 0، كذلك حاصل ضرب العدد 230 في صفر يُساوي صفر ($0 = 0 \times 230$)، فنستنتج من ذلك أنَّه أي رقم سواء كان صغيراً أو كبيراً إذا ضُرب في صفر سوف يكون حاصل الضرب صفر.

خامساً: خاصية الهوية:

توضح هذه الخاصية أنَّه عند ضرب أي عدد في الرقم 1، يكون ناتج الضرب أو حاصل الضرب مُساوياً لنفس العدد، لذا تُسمى أيضاً بخاصية الواحد، مثلاً توضيحياً على ذلك: عند ضرب العدد 6 في 1 فيكون ناتج

الضرب هو 6- (6=1×6)، كذلك حاصل ضرب 250 في 1 يُساوي 250، (250=1×250).

طريقة ضرب الأعداد المُختلفة في الإشارة:

عند حل عملية ضرب بها إشارات مُختلفة فإننا نتبع الخطوات التالية:

تُضرب القيمة المُطلقة لكل عامل من عوامل الضرب ببعضها.

إيجاد حاصل الضرب، ثم نضع الإشارة للنتاج النهائي كما يلي:

إذا كانت إشارة العاملين المضروب والمضروب فيه مُتشابهة، فإن إشارة الناتج النهائي لعملية الضرب تكون موجبة، وذلك سواء كانت الإشارتان موجبتين أو سالبتين، كما يلي:

$$.+ = (+) \times (+)$$

$$.+ = (-) \times (-)$$

أمّا في حالة أنّ إشارة عاملين الضرب مُختلفة، فإنّ إشارة الناتج النهائي لعملية الضرب تكون سالبة، كما يلي:

$$.- = (-) \times (+)$$

$$.- = (+) \times (-)$$

مثال: ما هو حاصل ضرب العددين $2+ \times 6- = ?$

الحل:

أولاً: إيجاد القيمة المُطلقة لكل عامل كما يلي: $2=(2+)$ ، $6=(6-)$.

ثانياً: إيجاد حاصل ضرب القيمة المُطلقة لعاملين عملية الضرب كما يلي:

$$.12=6 \times 2$$

ثالثاً: تحديد إشارة الناتج النهائي لعملية الضرب، وفي هذا المثال العاملان مُختلفان في الإشارة، إذاً إشارة الناتج النهائي تكون سالبة. إذاً الإجابة هي: $2+ \times 6- = -12$.

جدول الضرب:

يعد جدول الضرب جزءاً لا يتجزأ من مناهج التعليم للمراحل الأساسية في جميع أنحاء العالم. يتم استخدام جدول الضرب في أغلب العمليات الحسابية لذا هو مركز اهتمام جميع المعلمين وأولياء الأمور.